

1)

Representar una función f que se ajuste al siguiente estudio analítico. (20 puntos)

$D = \mathbb{R} - \{0, 2\}$ f es continua en su dominio

$$f(4) = 4, f\left(\frac{1}{2}\right) = 0, f(7) = 5$$

$$\lim_{x \rightarrow 2^+} f(x) = +\infty \qquad \text{sg}(f) \frac{+++ \quad 0 \quad --- \quad \cancel{x} \quad --- \quad 0 \quad +++ \quad \cancel{x} \quad +++}{-3 \quad 0 \quad \frac{1}{2} \quad 2}$$

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) = -\infty \qquad \text{sg}(f') \frac{-- \quad \cancel{x} \quad ++ \quad \cancel{x} \quad -- \quad 0 \quad ++}{0 \quad \frac{1}{2} \quad \frac{1}{4}}$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty \qquad \text{sg}(f'') \frac{-- \quad \cancel{x} \quad -- \quad 0 \quad ++ \quad \cancel{x} \quad ++ \quad 0 \quad --}{0 \quad \frac{1}{2} \quad 2 \quad 7}$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = +\infty$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = 1, \lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) - x = -1, \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{f(x)}{x} = -1, \lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) + x = 0$$

2)

a) Sea la función $f(x) = e^{ax+b}(2x - 6)$, determinar a y b sabiendo que la función presenta un extremo relativo en $\left(\frac{8}{3}; -\frac{2}{3}\right)$ (20 puntos)

b) Dada la función $f(x) = \begin{cases} \frac{e^{2x^2-2} - 1}{2x^2 + x - 3} & \text{si } x > 1 \\ b + 2 & \text{si } x = 1 \\ a(x - 3) & \text{si } x < 1 \end{cases}$

Determina a y b para que: (20 puntos)

- i) la función sea continua
- ii) para exista el limite en 1 pero no sea continua
- iii) para que solo sea continua en 1 por la derecha.

3) EA y RG de $h(x) = (x - 1)e^{\frac{x}{x+2}}$ (40 puntos).